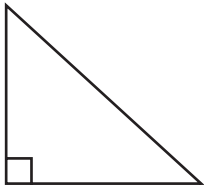
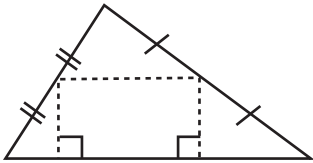
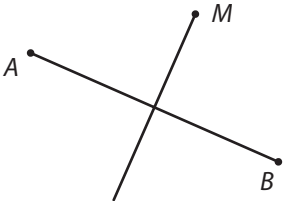
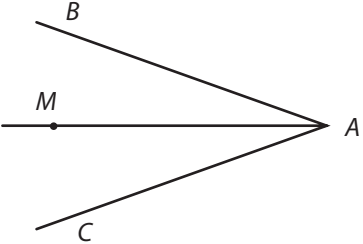



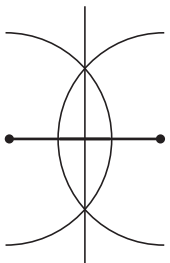
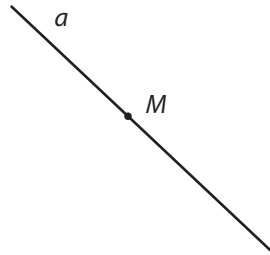
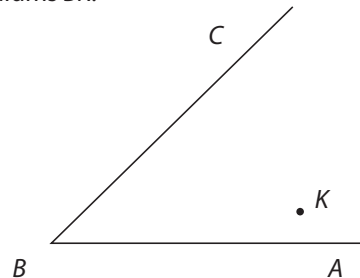
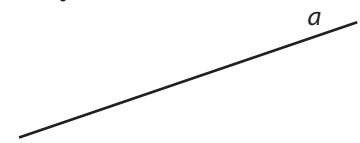
Sasniedzamais rezultāts	I	II	III								
<b>1. Izprot jēdzienus: vienādsānu trijstūris, sānu mala, trijstūra pamats, vienādmalu trijstūris, punktu ģeometriskā vieta, nogriežņa vidusperpendikuls.</b>	<p>1.1. Ievieto daudzpunktes vietā tādu tekstu, lai izteikums būtu patiess!</p> <p>a) Riņķa līnija ir tādu punktu ģeometriskā vieta, kuri atrodas ... no riņķa līnijas centra.</p> <p>b) Nogriežņa vidusperpendikuls ir tādu punktu ģeometriskā vieta, kuri atrodas ... no nogriežņa galiem.</p> <p>1.2. Kuru valstu karogus var saskatīt kādu vienādsānu vai vienādmalu trijstūri? <a href="http://www.karogupasaule.lv/national/list/">http://www.karogupasaule.lv/national/list/</a></p>	<p>1.3. Vienādsānu trijstūra perimetrs ir 18 cm. Pamata malas garums ir par 3 cm lielāks nekā sānu malas garums. Aprēķini pamata malas garumu!</p>	<p>1.4. Trijstūra mediāna dala to divos trijstūros, kuru perimetri ir vienādi. Pierādi, ka dotais trijstūris ir vienādsānu!</p>								
<b>2. Lieto sakarības starp leņķiem un malām vienādsānu un vienādmalu trijstūrī.</b>	<p>2.1. Izvēlies un pasvītro pareizo atbildi!</p> <p>a) Ja trijstūra leņķu lielumi ir <math>75^\circ</math>, <math>75^\circ</math> un <math>30^\circ</math>, tad trijstūris ir ... vienādmalu dažādmalu vienādsānu</p> <p>b) Vienādsānu taisnleņķa trijstūra leņķi ir... <math>90^\circ</math>; <math>30^\circ</math>; <math>60^\circ</math> <math>90^\circ</math>; <math>90^\circ</math>; <math>10^\circ</math> <math>90^\circ</math>; <math>45^\circ</math>; <math>45^\circ</math></p>	<p>2.2. Dots vienādsānu trijstūris <math>ABC</math> (<math>AC = CB</math>), kura leņķis <math>B</math> ir <math>64^\circ</math>. Aprēķini plato leņķi starp pamata pielenķu bisektrisēm!</p>	<p>2.3. Pierādi, ka vienādsānu trijstūra pamata pielenķu bisektrises ir vienādas!</p>								
<b>3. Lieto teorēmas par nogriežņa vidusperpendikula un leņķa bisektrises ģeometrisku vietu.</b>	<p>3.1. Ievieto daudzpunktes vietā tādu tekstu, lai izteikums būtu patiess!</p> <p>Leņķa bisektrise ir tādu punktu ģeometriskā vieta, kuri atrodas ... no leņķa malām.</p> <p>3.2. Izveido patiesus apgalvojumus, savienojot atbilstošos taisnstūrus ar bultiņām!</p> <table border="0" style="width: 100%;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">Punkts uz leņķa bisektrises atrodas...</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">...vienādā attālumā no riņķa līnijas centra.</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">Punkts uz nogriežņa vidusperpendikula atrodas...</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">...vienādā attālumā no leņķa virsotnes.</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">Punkti uz riņķa līnijas atrodas...</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">...vienādā attālumā no leņķa malām.</td> </tr> <tr> <td></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">...vienādā attālumā no nogriežņa galiem.</td> </tr> </table>	Punkts uz leņķa bisektrises atrodas...	...vienādā attālumā no riņķa līnijas centra.	Punkts uz nogriežņa vidusperpendikula atrodas...	...vienādā attālumā no leņķa virsotnes.	Punkti uz riņķa līnijas atrodas...	...vienādā attālumā no leņķa malām.		...vienādā attālumā no nogriežņa galiem.	<p>3.3. Dots trijstūris <math>KLM</math>. Konstruē uz malas <math>LM</math> punktu <math>F</math>, kas atrodas vienādā attālumā no malām <math>KL</math> un <math>KM</math>!</p>	<p>3.4. Doti četri punkti <math>A, B, C, D</math> un <math>AC = CB</math>, <math>AD = DB</math>. Pamato, ka taisnes <math>AB</math> un <math>CD</math> ir perpendikulāras!</p>
Punkts uz leņķa bisektrises atrodas...	...vienādā attālumā no riņķa līnijas centra.										
Punkts uz nogriežņa vidusperpendikula atrodas...	...vienādā attālumā no leņķa virsotnes.										
Punkti uz riņķa līnijas atrodas...	...vienādā attālumā no leņķa malām.										
	...vienādā attālumā no nogriežņa galiem.										

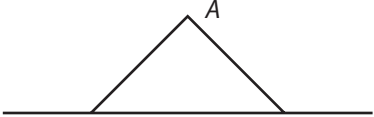
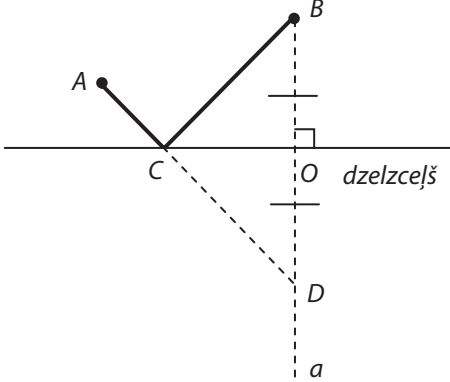


Sasniedzamais rezultāts	I	II	III
<p><b>4. Lieto sakarības starp trijstūra malām un leņķiem, teorēmu par trijstūra leņķu summu.</b></p>	<p>4.1. Izvēlies un pasvītro pareizo atbildi!</p> <p>a) Dots trijstūris <math>ABC</math>, leņķis <math>A = 11^\circ</math>, leņķis <math>B = 89^\circ</math>. Trijstūra garākā mala ir ... <math>AB</math> <math>AC</math> <math>BC</math></p> <p>b) Dots trijstūris <math>ABC</math>, kura malas <math>AB = 10</math>, <math>BC = 5</math>, <math>AC = 7</math>. Trijstūra lielākais leņķis ir ... leņķis <math>A</math> leņķis <math>B</math> leņķis <math>C</math></p> <p>4.2. Vai iespējams uzzīmēt trijstūri, kura leņķi ir <math>40^\circ</math>, <math>75^\circ</math> un <math>75^\circ</math>?</p>	<p>4.3. Kuri no apgalvojumiem par trijstūri <math>BCD</math> ir patiesi?</p> <p>a) Ja leņķis <math>B</math> ir plats un leņķis <math>C</math> ir šaurs, tad <math>CD &gt; DB</math>.</p> <p>b) Ja leņķis <math>D</math> ir šaurs un leņķis <math>C</math> ir taisns, tad <math>BC &gt; DB</math>.</p> <p>c) Ja leņķis <math>C</math> ir plats un leņķis <math>B</math> ir šaurs, tad <math>CD &gt; DB</math>.</p> <p>4.4. Taisnleņķa trijstūra malu garumiem ir spēkā šāda sakarība <math>ED &lt; EF &lt; FD</math>. Nosaki taisno leņķi!</p>	<p>4.5. Vai mazākais trijstūra leņķis var būt lielāks par <math>60^\circ</math>? Pamato!</p> <p>4.6. Trijstūri <math>ABC</math> mala <math>AB</math> ir visgarākā. Kuri leņķi noteikti ir šauri? Kāds var būt leņķa <math>C</math> veids? Pamato savu viedokli!</p>
<p><b>5. Plāno aprēķina un pierādījuma uzdevumu risinājuma gaitu.</b></p>	<p>5.1. Trijstūra divi leņķi ir <math>43^\circ</math> un <math>65^\circ</math>. Īsi pastāsti, kā tu rīkosies, lai aprēķinātu trijstūra trešo leņķi!</p> <p>5.2. Sakārto teorēmas pierādījuma plānu pareizā secībā! Teorēma. Ja trijstūris ir vienādsānu taisnleņķa, tad trijstūrī katrs šaurais leņķis ir <math>45^\circ</math>.</p>  <p><input type="checkbox"/> Tātad katrs šaurais leņķis ir vienāds ar <math>90^\circ : 2 = 45^\circ</math>, kas bija jāpierāda.</p> <p><input type="checkbox"/> Trijstūra viens leņķis ir <math>90^\circ</math>, tātad abu šauro leņķu summa ir <math>90^\circ</math>.</p> <p><input type="checkbox"/> Ja trijstūris ir vienādsānu, tad tā divi pamata pielenķi ir vienādi.</p>	<p>5.3. Dots: vienādsānu trijstūrī viens leņķis ir <math>60^\circ</math>. Jāpierāda: trijstūris ir vienādmalu. Formulē, ko tu vari secināt no dotā! Formulē apgalvojumu, no kura varēsi secināt, ka trijstūris ir vienādmalu! (Skolotājs ilustrācijai var izmantot shēmu)</p> <p>Dots → <input type="text"/> → ... → <input type="text"/> → Jāpierāda</p>	<p>5.4. Pierādi, ka vienādmalu trijstūrī visi augstumi ir vienādi!</p>

Sasniedzamais rezultāts	I	II	III
<p><b>6. Formulē pieņēmumus par sakarībām trijstūrī (vienādsānu trijstūra un vienādmalu trijstūra īpašības un trijstūra leņķu summa).</b></p>	<p>6.1. Uzzīmē divus dažādus vienādsānu trijstūrus! Izmēri katra trijstūra pamata pieleņķus! Salīdzini katra trijstūra pamatu pieleņķu lielumus un formulē savu viedokli!</p> <p>6.2. Uzraksti formulu vienādmalu trijstūra perimetra aprēķināšanai, ja trijstūra mala ir <math>x</math>!</p>	<p>6.3. Izgriez no papīra trijstūri, noloki tā stūrus pa raustītajām līnijām! Izvirzi hipotēzi par trijstūra iekšējo leņķu summu!</p> 	<p>6.4. Izvirzi hipotēzi, kādam jābūt vienādsānu trijstūra virsotnes leņķim, lai sānu mala būtu īsāka nekā pamata mala? Atbilde pamato!</p>
<p><b>7. Izveido uzdevumam atbilstošu zīmējumu un risinājuma vai pamatojuma pierakstu.</b></p>	<p>7.1. Papildini zīmējumu ar nepieciešamajiem apzīmējumiem, lai norādītu, ka punkts <math>M</math> atrodas uz nogriežņa <math>AB</math> vidusperpendikula!</p>  <p>7.2. Papildini zīmējumu ar nepieciešamajiem apzīmējumiem, lai norādītu, ka punkts <math>M</math> atrodas vienādā attālumā no leņķa malām!</p> 	<p>7.3. Izveido uzdevumam atbilstošu zīmējumu un pierādi prasīto! Dots: nogrieznis <math>AB</math>, <math>AC = CB</math>, <math>DC \perp AB</math>, <math>M \in CD</math>. Jāpierāda: <math>AM = MB</math></p>	<p>7.4. <math>A, B, C</math> – pilsētas. Kur jāatrodas rūpnīcai <math>D</math>, lai tā būtu vienādā attālumā no visām trim pilsētām?</p> 



Sasniedzamais rezultāts	I	II	III
<p><b>8. Konstruē nogriežņa vidusperpendikulu, leņķa bisektrisi un trijstūri, ja dotas trīs malas, lietojot lineālu un cirkuli.</b></p>	<p>8.1. Sakārto leņķa bisektrises konstrukcijas soļus pareizā secībā!</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><input type="checkbox"/> Velk riņķa līnijas loku <math>k</math> ar centru leņķa virsotnē un brīvi izvēlētu rādiusu, lai tas krustotu abas leņķa malas. Apzīmē šos krustpunktus ar <math>A</math> un <math>B</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Uzzīmē leņķi.</li> <li><input type="checkbox"/> Nemainot cirkuļa atvērumu, novieto cirkuļa adatu punktā <math>B</math> un velk loku <math>m</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Novieto cirkuļa adatu punktā <math>A</math> un velk loku <math>n</math> ar rādiusu lielāku par pusi no loka <math>k</math> rādiusa.</li> <li><input type="checkbox"/> Velk staru, kura sākumpunkts atrodas leņķa virsotnē un kas iet caur loka <math>n</math> un <math>m</math> krustpunktu. Ir konstruēta leņķa bisektrise.</li> </ul>	<p>8.2. Izskaidro attēlotās konstrukcijas gaitu (konstrukcija ir veikta ar lineālu un cirkuli)!</p>  <p>8.3. Izmantojot cirkuli un lineālu, konstruē perpendikulu pret taisni <math>a</math> tā, lai tas ietu caur punktu <math>M</math>!</p> 	<p>8.4. Dots leņķis <math>ABC</math> un punkts <math>K</math> tā iekšpusē. Lietojot cirkuli un lineālu, konstruē tādus punktus, kas ir vienādā attālumā no leņķa <math>ABC</math> malām un atrodas no punkta <math>K</math> tādā attālumā, kurš ir divas reizes garāks nekā attālums <math>BK</math>!</p>  <p>8.5. Izmantojot cirkuli un lineālu, konstruē perpendikulu pret taisni <math>a</math> tā, lai tas ietu caur punktu <math>M</math>!</p>  <p>8.6. Konstruē taisnes, kas sadala doto taisnstūri četros vienādos taisnstūros! Cik dažādu risinājumu tu vari atrast?</p> <div style="border: 1px solid black; width: 150px; height: 40px; margin: 10px auto;"></div>
<p><b>9. Izveido dotajam apgalvojumam apgriezto apgalvojumu un izvērtē tā patiesumu (arī izmantojot pretpiemēru).</b></p>	<p>9.1. Dots apgalvojums: katrs vienādmalu trijstūris ir arī vienādsānu trijstūris. Kurš no apgalvojumiem ir apgriezts dotajam?</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>a) Daži vienādsānu trijstūri ir arī vienādmalu trijstūri.</li> <li>b) Katrs vienādsānu trijstūris ir arī vienādmalu trijstūris.</li> <li>c) Ne katrs vienādsānu trijstūris ir arī vienādmalu trijstūris.</li> </ol>	<p>9.2. Formulē dotajam apgalvojumam apgriezto apgalvojumu (samaini vietām nosacījumu un slēdzienu)! Ja trijstūris ir vienādsānu, tad virsotnes leņķa bisektrise ir arī augstums.</p>	<p>9.3. Formulē dotajam apgalvojumam apgriezto apgalvojumu un pārbaudi tā patiesumu! Ja trijstūris ir vienādmalu, tad tas ir arī vienādsānu.</p>

Sasniedzamais rezultāts	I	II	III
<p><b>10. Izmanto sakarības trijstūri praktiskos aprēķinos.</b></p>	<p>10.1. Divi vienāda garuma baļķi piestiprināti pie horizontālas sijas un savienoti savā starpā punktā <math>A</math>. Izveidoto konstrukciju jānostiprina ar šķērskoku, kura viens gals ir <math>A</math>, bet otrs atrodas uz horizontālās sijas. Kurā punktā jānostiprina otrs šķērskoka galapunkts, lai tā novietojums būtu precīzi vertikālā stāvoklī? Iezīmē, kur zīmējumā varētu atrasties šķērskoks! Pamato savu viedokli, izmantojot ģeometriju apgūtās zināšanas!</p> 	<p>10.2. Uz dzelzceļa jāuzbūvē <math>C</math>-stacija tā, lai attālumu no <math>A</math>-pilsētas līdz stacijai un no <math>B</math>-pilsētas līdz <math>C</math>-stacijai summa būtu minimāla. Kā var noteikt <math>C</math>-stacijas atrašanās vietu? Pamato! Sakārto pamatojuma punktus!</p>  <ul style="list-style-type: none"> <li><input type="checkbox"/> Uz taisnes <math>a</math> atliek nogriezni <math>OD = BO</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Tātad trijstūris <math>CBD</math> ir vienādsānu un <math>CB = BD</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Novelk taisni <math>a</math> perpendikulāri dzelzceļam.</li> <li><input type="checkbox"/> <math>AC + BC = AC + CD = AD</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Apzīmē taisnes <math>a</math> krustpunktu ar dzelzceļu ar <math>O</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Tātad punkts <math>C</math> ir meklētais punkts.</li> <li><input type="checkbox"/> Nogriežņa <math>DA</math> krustpunktu ar dzelzceļu apzīmē ar <math>C</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Bet <math>AD</math> ir īsākais attālums starp punktiem <math>A</math> un <math>D</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Savieno <math>D</math> ar <math>A</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> <math>CO</math> – trijstūra <math>CBD</math> mediāna un bisektrise.</li> </ul>	<p>10.3. Tiek restaurēta sena muižas ēka. Vienā no tās telpām divas sienas veido <math>140^\circ</math> leņķi (sk. zīm.). Gar sienām jānostiprina koka grīdlīstes. Izpēti, kādā leņķī jāizzāgē stūriši divām grīdlīstēm, lai tās varētu savietot bez spraugām!</p> 