

Sasniedzamais rezultāts	I	II	III
<p><b>1. Izprot jēdzienus: kvadrātvienādojums, pilnais kvadrātvienādojums, nepilnais kvadrātvienādojums, kvadrātvienādojuma saknes, diskriminants kvadrāttrinoms, kvadrāttrinoma saknes.</b></p>	<p>1.1. Dots kvadrātvienādojums <math>2x^2 - x - 3 = 0</math>. Uzraksti tā koeficientus!</p>	<p>1.2. Uzraksti nepilnā kvadrātvienādojuma piemēru, kuram koeficients pie <math>x^2</math> ir vienāds ar brīvo locekli!</p> <p>1.3. Sadali dotos kvadrātvienādojumus grupās: pilnie un nepilnie kvadrātvienādojumi!  <math>2x^2 = 50</math>; <math>16x^2 - 9x = 0</math>; <math>3x^2 = 0</math>  <math>(16x + 9)^2 = 0</math>; <math>10x^2 - x + 3 = 0</math>  <math>8x^2 - 9x = 32 - 9x</math>            Salīdzini savu izveidoto sadalījumu un risinājumus ar klases biedra izveidoto sadalījumu un izskaidro, kāpēc katrs no vienādojumiem pieder kādai no grupām!</p>	<p>1.4. Izveido vienādojumu, kura saknes ir <math>x_1 = 4</math>, <math>x_2 = 1</math>!</p> <p>1.5. Zināms, ka kvadrātvienādojuma <math>ax^2 + bx + c = 0</math> koeficienti <math>b</math> un <math>c</math> ir negatīvi, bet <math>a</math> – pozitīvs. Pierādi, ka šim vienādojumam noteikti ir reālas saknes! Vai to pašu var apgalvot, ja zināms, ka divi koeficienti (vienalga kuri) ir negatīvi, bet trešais pozitīvs?</p>
<p><b>2. Lieto diskriminanta, kvadrātvienādojuma sakņu aprēķināšanas formulas un formulu kvadrātvienādojuma sadalīšanai reizinātājos.</b></p>	<p>2.1. Nosaki kvadrātvienādojuma koeficientus un aprēķini diskriminantu!  <math>5x^2 + 3x - 8 = 0</math></p> <p>2.2. Pabeidz atrisināt vienādojumu!  <math>3x^2 - 6x + 2 = 0</math>  <math>D = (-6)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 2 = \dots</math>  <math>x_1 =</math>  <math>x_2 =</math></p>	<p>2.3. Atrisini kvadrātvienādojumus!            a) <math>x^2 + 2x - 8 = 0</math>            b) <math>10x^2 - x + 3 = 0</math>            c) <math>12x^2 = -7x - 1</math></p> <p>2.4. Neatrisinot kvadrātvienādojumus, secini par to sakņu skaitu!            a) <math>2x^2 - 9x + 10 = 0</math>            b) <math>x^2 + 6x + 9 = 0</math>            c) <math>10x^2 - x + 3 = 0</math></p> <p>2.5. Atrisini kvadrātvienādojumu <math>2x^2 - 3x + 1 = 0</math> un sadali kvadrāttrinomu <math>2x^2 - 3x + 1</math> reizinātājos!</p>	<p>2.6. Uzraksti kvadrātvienādojumu, kura saknes ir 2 un <math>-0,25</math> un visi koeficienti ir veseli skaitļi!</p> <p>2.7. Izvēlies atbilstošu paņēmieni un sadali izteiksmes <math>x^2 + 10x + 25</math>; <math>81 - x^2</math>; <math>y^2 - 4y - 5</math>; <math>9 + 6k - 3k^2</math> reizinātājos! Ar klases biedru pārrunājiet izvēlētos paņēmienus izteiksmju sadalīšanai reizinātājos un uzrakstiet katram no paņēmieniem atbilstošu uzdevuma piemēru!</p>
<p><b>3. Pārbauda, vai konkrētie skaitļi var būt dotā kvadrātvienādojuma saknes.</b></p>	<p>3.1. Kuri no skaitļiem 0, 1, 5 ir vienādojuma <math>x^2 - 5x = 0</math> saknes?</p>	<p>3.2. Savieno vienādojumu ar tam atbilstošo atbildi!  <math>4x^2 = 0</math> <math>x_{1,2} = \pm 3</math>  <math>x^2 + 3x = 0</math> <math>x_{1,2} = 0</math>  <math>2x^2 - 18 = 0</math> <math>x_1 = 0, x_2 = -3</math></p>	<p>3.3. Ar kādiem paņēmieniem var pārbaudīt, vai skaitļi ir kvadrātvienādojuma saknes!</p> <p>3.4. Pierādi, ka visiem vienādojumiem <math>x^2 + ax + a - 1 = 0</math>, kur <math>a</math> – vesels skaitlis, viena no saknēm ir <math>-1</math>!</p>

Sasniedzamais rezultāts	I	II	III																				
<p><b>4. Atrisini kvadrātvienādojumus, nosakot dotā kvadrātvienādojuma veidu un izvēloties konkrētai situācijai atbilstošo risināšanas paņēmieni.</b></p>	<p>4.1. Savieno vienādojumu ar, tavuprāt, racionālāko tā atrisināšanas metodi!</p> <table border="1"> <tr> <td><math>2x^2 + 6x = 0</math></td> <td>Vjeta teorēma.</td> </tr> <tr> <td><math>2x^2 + 18x = 0</math></td> <td>Izsakot nezināmā kvadrātu.</td> </tr> <tr> <td><math>x^2 - 5x + 6 = 0</math></td> <td>Sadalīšana reizinātājos.</td> </tr> <tr> <td><math>2x^2 - 4x - 5 = 0</math></td> <td>Sakņu formula.</td> </tr> <tr> <td><math>x^2 + 36 = 0</math></td> <td></td> </tr> </table>	$2x^2 + 6x = 0$	Vjeta teorēma.	$2x^2 + 18x = 0$	Izsakot nezināmā kvadrātu.	$x^2 - 5x + 6 = 0$	Sadalīšana reizinātājos.	$2x^2 - 4x - 5 = 0$	Sakņu formula.	$x^2 + 36 = 0$		<p>4.2. Atrisini vienādojumus!</p> <p>a) <math>2(x^2 + 3) = 6 - 4x</math>  b) <math>(2b - 3)^2 - 3b^2 = -18</math>  c) <math>\frac{x^2 - 2x}{5} = \frac{0,2x - 1}{3}</math></p>	<p>4.3. Vienādojums atrisināts divos veidos. Kādas, tavuprāt, ir katra risinājuma priekšrocības un trūkumi?</p> $x^2 - 6x = 0$ $a = 1; b = -6; c = 0$ $x^2 - 6x = 0$ $D = (-6)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 0 = 36$ $x(x - 6) = 0$ $x_1 = 0$ $x_1 = \frac{6 + 6}{2} = 6$ $x - 6 = 0$ $x_2 = \frac{6 - 6}{2} = 0$ $x_2 = 6$ <p>4.4. Par nepilno kvadrātvienādojumu zināms, ka koeficients pie <math>x</math> ir 0. Cik dažādu sakņu ir šim vienādojumam? Kāda īpašība piemīt šī vienādojuma saknēm? (Šķiro gadījumus atkarībā no <math>a</math> un <math>c</math> vērtībām!)</p>										
$2x^2 + 6x = 0$	Vjeta teorēma.																						
$2x^2 + 18x = 0$	Izsakot nezināmā kvadrātu.																						
$x^2 - 5x + 6 = 0$	Sadalīšana reizinātājos.																						
$2x^2 - 4x - 5 = 0$	Sakņu formula.																						
$x^2 + 36 = 0$																							
<p><b>5. Pētnieciskā ceļā iegūst vienādojumu <math>x^2 = t</math> un <math>(x + m)(x + n) = 0</math> atrisinājumu.</b></p>	<p>5.1. Nosauc vienu negatīvu skaitli un vienu pozitīvu skaitli, kuru ievietojot nezināmā <math>x</math> vietā, iegūst pareizu skaitlisku vienādību!</p> $x^2 = 25$	<p>5.2. Atrisini vienādojumu!</p> <p>a) <math>4x^2 - 49 = 0</math>  b) <math>(x - 2)^2 = 25</math>  c) <math>(x - 3) \cdot (x + 4) = 0</math>  d) <math>16x^2 + 9x = 0</math></p> <p>(Šo uzdevumu skolēni risina, nezinot kvadrātvienādojuma sakņu formulu, bet veicot spriedumu par reizinājuma vienādību ar nulli un spriedumu par skaitli, kura kvadrāts ir zināms.)</p>	<p>5.3. Atrisini vienādojumu! <math>(7 + m)^2 + 25 = 0</math></p> <p>5.4. Izveido vienādojumu, kuram ir trīs dažādas saknes!</p>																				
<p><b>6. Pētot reducētā kvadrātvienādojuma saknes un koeficientus, iegūst Vjeta teorēmu.</b></p>	<p>6.1. Vienādojuma <math>x^2 - 4x + 3 = 0</math> saknes ir <math>x_1 = 1</math> un <math>x_2 = 3</math>. Pārbaudi, vai <math>x_1 \cdot x_2</math> ir vienāds ar brīvo locekli un <math>x_1 + x_2</math> ir koeficientam pie <math>x</math> pretējs skaitlis!</p>	<p>6.2. Uzraksti formulas reducētā kvadrātvienādojuma <math>x^2 + px + q = 0</math> sakņu aprēķināšanai!</p> <p>Pamato, ka <math>x_1 + x_2 = -p</math> un <math>x_1 \cdot x_2 = q</math>!</p>	<p>6.3. Tabulā apkopotī dati par vairākiem reducētiem kvadrātvienādojumiem <math>x^2 + px + q = 0 =</math> – to koeficienti un saknes <math>x_1, x_2</math>.</p> <p>a) Saskati un uzraksti sakarības starp vienādojuma koeficientiem un saknēm!</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th></th> <th><math>p</math></th> <th><math>q</math></th> <th><math>x_1</math></th> <th><math>x_2</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>I</td> <td>-7</td> <td>12</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>II</td> <td>4</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-4</td> </tr> <tr> <td>III</td> <td>-3,5</td> <td>-2</td> <td>-0,5</td> <td>4</td> </tr> </tbody> </table> <p>b) Pārbaudi izveidoto sakarību!</p> <p>6.4. Vienādojuma <math>x^2 - 7x + 12 = 0</math> saknes ir taisnstūra malu garumi. Neatrisinot vienādojumu, nosaki taisnstūra laukumu un perimetru!</p>		$p$	$q$	$x_1$	$x_2$	I	-7	12	3	4	II	4	0	0	-4	III	-3,5	-2	-0,5	4
	$p$	$q$	$x_1$	$x_2$																			
I	-7	12	3	4																			
II	4	0	0	-4																			
III	-3,5	-2	-0,5	4																			



Sasniedzamais rezultāts	I	II	III
<b>7. Veido kopsavilkumu par kvadrātvienādojumu veidiem atkarībā no tā koeficientiem.</b>	7.1. Papildini teikumu! <i>Kvadrātvienādojumu <math>ax^2 + bx = 0</math> sauc par..... kvadrātvienādojumu, kuru var pārveidot formā <math>x \cdot (\dots) = 0</math>, un viena tā sakne ir <math>x_1 = \dots</math>.</i>	7.2. Izveido vienādojumam $x^2 = t$ atbilstošus dažādus piemērus! Salīdzini uzrakstītos piemērus ar klases biedru! Sagrupējiet izveidotos piemērus atkarībā no $t$ vērtībām! Kādi ir jūsu secinājumi?	7.3. Uzdevums darbam grupās. Katra grupa izpēta vienu no gadījumiem, nosakot, vai kvadrātvienādojuma saknes ir pozitīvas, negatīvas, vienādas ar nulli, vai to nav! a) Par vienādojuma $ax^2 + bx + c = 0$ koeficientiem zināms, ka $b = 0, a > 0, c > 0$ vai $b = 0, a < 0, c < 0$ . b) Par vienādojuma $ax^2 + bx + c = 0$ koeficientiem zināms, ka $b = 0, a < 0, c > 0$ vai $b = 0, a > 0, c < 0$ . c) Par vienādojuma $ax^2 + bx + c = 0$ koeficientiem zināms, ka $c = 0, a > 0, b > 0$ vai $c = 0, a < 0, b < 0$ . d) Par vienādojuma $ax^2 + bx + c = 0$ koeficientiem zināms, ka $c = 0, a > 0, b < 0$ vai $c = 0, a < 0, b > 0$ .
<b>8. Izprot atšķirību starp vienādojuma atrisinājumu un reālās problēmas atrisinājumu.</b>	8.1. Pabeidz dotā uzdevuma risinājumu! Taisnstūra laukums ir $24 \text{ cm}^2$ , bet tā garums ir par $5 \text{ cm}$ lielāks nekā platums. Aprēķini taisnstūra malu garumus! <i>Risinājums.</i> <i><math>x</math> ir taisnstūra platums</i> <i><math>x + 5</math> ir taisnstūra garums</i> $x(x + 5) = 24$ ....	8.2. Dots, ka daudzstūrī var novilkt tieši $20$ dažādas diagonāles. Nosaki daudzstūra virsotņu skaitu, sastādot vienādojumu un atrisinot to! <i>(Izmanto formulu daudzstūra diagonāļu skaita <math>d</math> noteikšanai <math>d = \frac{n(n-3)}{2}</math>, kur <math>n</math> – daudzstūra virsotņu skaits.)</i>	8.3. Apspriedieties grupā un aprakstiet dažas reālās dzīves situācijas, kuras skaitliski var raksturot tikai ar: a) pozitīviem skaitļiem, b) naturāliem skaitļiem!
<b>9. Atrisini praktiska satura uzdevumus, izmantojot kvadrātvienādojumu.</b>	9.1. Taisnstūrveida zemes gabala platība ir $2000 \text{ m}^2$ un apkārtmērs ir $240 \text{ m}$ . Aprēķini zemes gabala garumu un platumu pēc dotā plāna! a) Apzīmē vienu no zemes gabala izmēriem ar $x$ . b) Izsaka otru malu, izmantojot apkārtmēru un $x$ . c) Sastāda vienādojumu, izveidojot taisnstūra laukuma izteiksmi un doto laukuma vērtību. d) Atrisini vienādojumu. e) Nosaka, kura no saknēm atbilst uzdevuma saturam.	9.2. No fizikas kursa zināms, ka brīvi krītoša priekšmeta veikto attālumu $x$ (metros) $t$ sekundēs no izmešanas brīža apraksta vienādojums $x = 5t^2$ . Noskaidro, pēc cik sekundēm akmens, kas nomests no $180 \text{ m}$ augstuma, sasniegs zemi! 9.3. Bērziņu ģimene nopirka $6000 \text{ m}^2$ lielu taisnstūrveida zemes gabalu un nolēma to norobežot ar žogu. Izrādījās, ka nepieciešamā žoga kopgarums ir $320 \text{ m}$ . Aprēķini šī zemes gabala garumu un platumu!	9.4. Viegļā automašīna vienmērīgi brauca pa šoseju ar ātrumu $25 \text{ m/s}$ . Lai apdzītu priekšā braucošo kravas mašīnu, vieglais automobilis sāka palielināt ātrumu, katru sekundi palielinot ātrumu par $2 \text{ m/s}$ . Apdzīšanas manevra laikā vieglais automobilis nobrauca $150 \text{ m}$ . a) Sastādi vienādojumu, ievietojot dotos lielumus formulā $s = v_0 t + \frac{at^2}{2}$ , kur $s$ – nobrauktā ceļa garums, $t$ – ceļā pavadītais laiks, $v_0$ – ātrums, kāds bija pirms ātruma palielināšanas sākuma, $a$ – paātrinājums, t. i., par cik $\text{m/s}$ katru sekundi palielinās ātrums! b) Aprēķini, cik sekunžu ilga apdzīšanas manevrs!

Sasniedzamais rezultāts	I	II	III								
<b>10. Iegūst priekšstatu par kvadrātviņņdojumu atrisināšanas vēsturi.</b>	<p>10.1. Jau ~2000. – 1500. g. p.m.ē. senajā Ēģiptē, Babilonijā un Ķīnā to laiku “inženieri” saskārās ar problēmu: kā atrast figūras malas garumu, ja zināms tās laukums? Piemēram, kvadrāta gadījumā šo uzdevumu mūsdienu matemātikā apraksta viņņdojums <math>x^2 = S</math>, kur <math>x</math> – kvadrāta malas garums, bet <math>S</math> – zināmais kvadrāta laukums. Mums nesagādā nekādas grūtības atrisināt šo viņņdojumu, taču tolaik matemātikā nepastāvēja ne skaitļi, ne viņņdojumi, nedz arī matemātikās operācijas tādā izpausmē, kā tos pazīstam mēs.</p> <p>Tā laika matemātiķi ar šo problēmu tika galā, dažādām figūrām sastādot malu garumu un laukumu atbilstību tabulas un konkrētā uzdevuma atrisinājumu nolāsot no tabulas. Iejūties arī tu seno matemātiķu lomā! Sastādi tabulu, kur <math>a</math> – kvadrāta malas garums, <math>S</math> – kvadrāta laukums!</p> <table border="1" data-bbox="423 794 969 879"> <tr> <td><math>a</math></td> <td>1</td> <td>2</td> <td>...</td> </tr> <tr> <td><math>S = a^2</math></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table> <p>(<math>a</math> vietā ierakstot visus veselos skaitļus no 1 līdz 20). Izmantojot izveidoto tabulu, noskaidro kvadrāta malas garumu, ja tā laukums ir 289!</p>	$a$	1	2	...	$S = a^2$				<p>10.2. Uzziņu materiālos atrodi informāciju par indiešu matemātiķa <i>Brahmagupta</i> (598.–668.) ieguldījumu kvadrātviņņdojumu attīstībā un sagatavo īsu stāstījumu!</p>	<p>10.3. Arābu matemātiķa <i>Beg-ed-Dina</i> uzdevums. Atrodi naturālu skaitli, kuru reizinot pašu ar sevi, pēc tam pieskaitot 2, pēc tam reizinot ar 2, pēc tam pieskaitot 3, pēc tam izdalot ar 5 un visbeidzot pareizinot ar 10, iegūst 50! Atrisini šo uzdevumu divējādi: 1) sastādot un atrisinot viņņdojumu un 2) skaitlisku aprēķinu ceļā, neizmantojot nezināmos mainīgos un viņņdojumus!</p>
	$a$	1	2	...							
$S = a^2$											